

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2014

Ε_3.ΜΕΛ3Α(ε)

ΤΑΞΗ:

3^η ΤΑΞΗ ΕΠΑ.Λ. (Α΄ ΟΜΑΔΑ)

ΜΑΘΗΜΑ:

ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ Ι/ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ

Ημερομηνία: Κυριακή 27 Απριλίου 2014

Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1. Τι ονομάζεται ορισμένο ολοκλήρωμα μιας συνάρτησης f από το α έως το β (α, β πραγματικοί αριθμοί); (Μονάδες 5)
- A2. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση τη λέξη Σωστό, αν η πρόταση είναι σωστή ή Λάθος, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.
1. Σε ένα δείγμα η διάμεσος είναι πάντα ακέραιος αριθμός.
 2. Μια συνάρτηση f που είναι παραγωγίσιμη σε ένα σημείο x_0 του πεδίου ορισμού της, τότε είναι και συνεχής στο x_0 .
 3. Ισχύει: $\int_a^{\beta} f(x)dx = \int_a^{\gamma} f(x)dx + \int_{\gamma}^{\beta} f(x)dx$, όπου $\alpha < \gamma < \beta$.
 4. Μια συνάρτηση f είναι συνεχής σε ένα σημείο x_0 , αν ισχύει μόνο $\lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x)$.
 5. Ισχύει: $(c/f(x))' = c \cdot f'(x)$, όπου $c =$ πραγματικός αριθμός.
- (Μονάδες 10)
- A3. Να συμπληρώσετε τις παρακάτω ισότητες, αφού τις μεταφέρετε στο τετράδιό σας.
1. Av $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \ell$, και $v =$ ακέραιος, τότε $\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x)]^v = \dots$
 2. $(\frac{1}{x})' = \dots$
 3. $c =$ πραγματικός αριθμός, $\int_{\alpha}^{\beta} c dx = \dots$



ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2014

E_3.ΜΕΛ3Α(ε)

4. Αν σε ένα διάστημα (α, β) που περιέχει ένα x_0 , και ισχύει $f(x) \geq f(x_0)$, τότε η f έχει στο x_0 τοπικό ...
5. Η παράγουσα της $\frac{g'(x)}{g(x)}$, όπου $g(x) > 0$, είναι η ...

(Μονάδες 10)

ΘΕΜΑ Β

Ρωτήσαμε κάποιους μαθητές της Γ' τάξης ενός ΕΠΑ.Λ., για το πόσα βιβλία αγόρασαν την χρονιά που μας πέρασε και τα αποτελέσματα παρουσιάζονται στον παρακάτω πίνακα:

Αριθμός βιβλίων x_i	Συχνότητα v_i	Σχετική συχνότητα $f_i\%$	Αθροιστική σχετική συχνότητα $F_i\%$	Αθροιστική συχνότητα N_i	$x_i \cdot v_i$
0				5	
2		20			
4					20
6			70		
8	15				
ΣΥΝΟΛΑ	50				

B1. Να μεταφέρετε στο τετράδιό σας τον παραπάνω πίνακα και να τον συμπληρώσετε.

(Μονάδες 7)

B2. Να υπολογιστεί η μέση τιμή.

(Μονάδες 5)

B3. Να βρεθεί η διάμεσος.

(Μονάδες 5)

B4. Να υπολογιστεί η διακύμανση.

(Μονάδες 5)

B5. Να βρεθεί η νέα μέση τιμή αν όλοι οι μαθητές αγοράσουν 2 βιβλία παραπάνω ο καθένας.

(Μονάδες 3)

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2014

E_3.ΜΕΛ3Α(ε)

ΘΕΜΑ Γ

Δίνεται η συνάρτηση:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{-x^2 + 6x - 8}{2 - \sqrt{x+2}}, & x > 2 \\ \kappa^3, & x=2 \\ \lambda \cdot \frac{x^2 + 4}{x+2} \cdot e^{x-2}, & 0 < x < 2 \end{cases} \quad \text{όπου } \kappa, \lambda \text{ πραγματικοί αριθμοί.}$$

- Γ1. Να βρεθεί το πεδίο ορισμού της συνάρτησης. (Μονάδες 3)
- Γ2. Να βρεθεί το $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$. (Μονάδες 7)
- Γ3. Να βρεθεί το $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$. (Μονάδες 5)
- Γ4. Να υπολογιστεί η τιμή των πραγματικού αριθμού λ , ώστε να υπάρχει το όριο της συνάρτησης στο $x=2$. (Μονάδες 5)
- Γ5. Να υπολογιστεί η τιμή του πραγματικού αριθμού κ , ώστε η συνάρτηση να είναι συνεχής στο $x=2$. (Μονάδες 5)

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2014

E_3.ΜΕΛ3Α(ε)

ΘΕΜΑ Δ

Δίνεται η συνάρτηση $f(x) = \frac{\alpha + \ln x}{x}$, $x > 0$, η οποία παρουσιάζει τοπικό ακρότατο στο $x = 1$.

Δ1. Να αποδείξετε ότι $\alpha = 1$.

(Μονάδες 5)

Δ2. Να μελετήσετε την συνάρτηση f ως προς τη μονοτονία και να βρείτε το είδος του τοπικού ακρότατου.

(Μονάδες 7)

Δ3. Να αποδείξετε ότι $f(x) \leq 1$, όταν $x > 0$.

(Μονάδες 5)

Δ3. Να υπολογίσετε το εμβαδό των χωρίου που περικλείεται από την $g(x) = f(x) \cdot x - 1$, $x > 0$, των αξόνων x και τις ενθείες $x = 1$ και $x = e$.

(Μονάδες 8)